

Przykład 2.

Wyznacz wszystkie liczby całkowite spełniające nierówność: $2x - 1 \leq \frac{x+2}{3} < 3(x-2) + 12$.

Nierówność ta jest równoważna układowi:

$$\begin{cases} 2x - 1 \leq \frac{x+2}{3} \\ \frac{x+2}{3} < 3(x-2) + 12 \end{cases}$$

Który rozwiązujemy jako koniunkcję dwóch nierówności:

$$2x - 1 \leq \frac{x+2}{3} \quad | \cdot 3 \quad \text{ i } \quad \frac{x+2}{3} < 3(x-2) + 12 \quad | \cdot 3$$

$$3 \cdot 2x - 3 \cdot 1 \leq 3 \cdot \frac{x+2}{3} \quad \text{ i } \quad 3 \cdot \frac{x+2}{3} < 3 \cdot 3 \cdot (x-2) + 3 \cdot 12$$

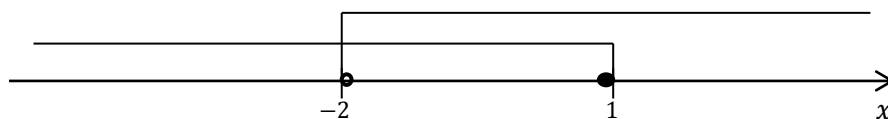
$$6x - 3 \leq x + 2 \quad \text{ i } \quad x + 2 < 9x - 18 + 36$$

$$6x - x \leq 2 + 3 \quad \text{ i } \quad x - 9x < -18 + 36 - 2$$

$$5x \leq 5 \quad | :5 \quad \text{ i } \quad -8x < 16 \quad | :(-8)$$

$$x \leq 1 \quad \text{ i } \quad x > -2$$

Oba rozwiązania zaznaczamy na osi liczbowej i wyznaczamy ich część wspólną.



Częścią wspólną obu rozwiązań jest zbiór $x \in (-2, 1)$, a liczbami całkowitymi należącymi do tego zbioru są $x \in \{-1, 0, 1\}$.